

## 03 – Ejercicios de Selectividad – Continuidad y derivabilidad de funciones

### Ejercicios propuestos en 2009

1.- [2009-1-A-2] a) [1'5] Halle las funciones derivadas de las funciones definidas por las siguientes expresiones:

$$f(x) = (2x^2 - 3)^3; \quad g(x) = \frac{\ln(x)}{x}; \quad h(x) = x \cdot e^{3x}$$

b) [1'5] Determine el dominio y las asíntotas de la función  $m(x) = \frac{2x+3}{x-4}$ .

2.- [2009-1-B-2] a) [1'5] Sea la función  $f(x) = \begin{cases} 1-2x, & \text{si } x \leq 0, \\ \frac{1}{x+1}, & \text{si } x > 0. \end{cases}$  Estudie su continuidad y su derivabilidad.

b) [1'5] Se consideran las funciones:  $g(x) = (2x+1)^3$ ,  $h(x) = \frac{x-1}{2^x}$ . Halle sus funciones derivadas.

3.- [2009-2-A-2, Sept] La función derivada de una función  $f$  viene dada por  $f'(x) = 3x^2 - 12x + 9$ .

- [1'5] Obtenga los intervalos de monotonía de la función  $f$  y los valores de  $x$  en los que dicha función alcanza sus extremos locales.
- [0'75] Determine los intervalos de concavidad y convexidad de la función  $f$ .
- [0'75] Sabiendo que la gráfica de  $f$  pasa por el punto  $(2,5)$ , calcule la ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $f$  en dicho punto.

4.- [2009-2-B-2, Sept] Sea la función  $f(x) = ax^3 + bx^2 + x$ .

- [1'5] Determine el valor de los parámetros  $a$  y  $b$  sabiendo que la función  $f$  tiene un máximo en  $x=1$  y que  $f(1) = 2$ .
- [1'5] Para  $a=b=1$ , halle la ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $f$  en el punto de abscisa  $x=0$ .

5.- [2009-3-A-2, Jun] Sea la función:

- [2] Analice la continuidad y la derivabilidad de la función  $f$  en su dominio.
- [0'5] Determine la asíntota horizontal, si la tiene.
- [0'5] Determine la asíntota vertical, si la tiene.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + x, & \text{si } x < 0, \\ \frac{x}{x+1}, & \text{si } x \geq 0. \end{cases}$$

6.- [2009-3-B-2, Jun] Un estudio acerca de la presencia de gases contaminantes en la atmósfera de una ciudad indica que el nivel de contaminación viene dado por la función:

$$C(t) = -0.2t^2 + 4t + 25, \quad 0 \leq t \leq 25 \quad (t = \text{años transcurridos desde el 2000}).$$

- [1] ¿En qué año se alcanza un máximo en el nivel de contaminación?
- [1] ¿En qué año se alcanzará el nivel de contaminación cero?
- [1] Calcule la pendiente de la recta tangente a la gráfica de la función  $C(t)$  en  $t=8$ . Interprete el resultado anterior relacionándolo con el crecimiento o decrecimiento.

7.- [2009-4-A-2] Un almacenista de frutas ha estimado que el beneficio que le produce cada kilogramo ( $kg$ ) de fresas depende del precio de venta de acuerdo con la función  $B(x) = -x^2 + 4x - 3$ , siendo  $B(x)$  el beneficio por  $kg$  y  $x$  el precio de cada  $kg$ , ambos expresados en euros.

- [1'25] ¿Entre qué precios se producen beneficios para el almacenista?
- [1'25] ¿Qué precio maximiza los beneficios?
- [0'5] Si tiene en el almacén 10000  $kg$  de fresas, ¿cuál será el beneficio máximo que podrá obtener?

### 03 – Ejercicios de Selectividad – Continuidad y derivabilidad de funciones

8.- [2009-4-B-2] Sea la función:

- a) [2] Estudie la continuidad y la derivabilidad de la función  $f$ .  $f(x) = \begin{cases} 3^x, & \text{si } x \leq 1, \\ x^2 - 6x + 8, & \text{si } x > 1. \end{cases}$   
b) [1] Calcule la ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $f$  en el punto de abscisa  $x = 3$ .

9.- [2009-5-A-2] Sea la función  $f(x) = x^3 - 1$ . a) [1] Calcule los puntos de corte de la gráfica con los ejes, su monotonía y extremos relativos, si los tuviese.

- b) [1] Determine su curvatura y su punto de inflexión.  
c) [1] Halle los puntos de la gráfica en los que la recta tangente tiene pendiente 3.

10.- [2009-5-B-2] Sea la función real de variable real:

- a) [1] Represente gráficamente la función.  $f(x) = \begin{cases} -x+1, & \text{si } x < 1, \\ x-1, & \text{si } x \geq 1. \end{cases}$   
b) [1] Estudie la continuidad de la función.  
c) [1] Estudie la derivabilidad de la función.

11.- [2009-6-A-2] Sea la función  $f(x) = \frac{x-1}{2x-1}$ .

- a) [1] Halle la ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $f$  en el punto  $(0,1)$ .  
b) [1] Estudie la monotonía de  $f$ .  
c) [1] Halle las asíntotas, los puntos de corte con los ejes y represente gráficamente la función.

12.- [2009-6-B-2] Sea la función  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  definida mediante  $f(x) = \begin{cases} e^{-x}, & \text{si } x \leq 0, \\ x^3 - x + 1, & \text{si } x > 0. \end{cases}$

- a) [1] ¿Es  $f$  continua en  $x=0$ ? ¿Es continua en su dominio?  
b) [1] ¿Es  $f$  derivable en  $x=0$ ? ¿Es derivable en su dominio?  
c) [1] Halle la ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $f$  en el punto de abscisa  $x=1$ .

#### Ejercicios propuestos en 2008

13.- [2008-1-A-2] Sea la función  $f$  definida mediante  $f(x) = \frac{x+1}{2x-1}$

- a) [0'5] Determine los puntos de corte con los ejes. b) [1] Estudie su curvatura.  
c) [1] Determine sus asíntotas. d) [0'5] Represente la función.

14.- [2008-1-B-2] a) [1'5] La gráfica de la derivada de una función  $f$  es la recta que pasa por los puntos  $(0, -3)$  y  $(4, 0)$ . Estudie la monotonía de la función  $f$ .

b) [1'5] Calcule la derivada de las siguientes funciones:

$$g(x) = (3x+1)^3 \cdot \ln(x^2+1); \quad h(x) = \frac{e^x}{7x^5-4}$$

15.- [2008-2-A-2, Sept] a) [1'5] Halle la ecuación de la recta tangente a la gráfica de la función  $f(x) = \frac{3}{x}$  en el punto de abscisa  $x = -1$ . b) [1'5] Halle los valores de  $a$  y  $b$  para que la función

$g(x) = ax + \frac{b}{x}$  tenga un extremo relativo en el punto  $(1, 2)$ .

### 03 – Ejercicios de Selectividad – Continuidad y derivabilidad de funciones

16.- [2008-2-B-2, Sept] Dada la función  $f(x) = 4 - 3x^2 + x^3$ , determine:

- [1'5] La monotonía y la curvatura de  $f$ .
- [0'5] Los puntos donde la función alcanza sus extremos relativos.
- [1] La ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $f$  en el punto de abscisa  $x = -1$ .

17.- [2008-3-A-2, Jun] Sea la función definida de la forma:

a) [0'5] Halle el dominio de  $f$ .

b) [1'25] Estudie la derivabilidad de  $f$  en  $x = 2$ .

c) [1'25] Halle la ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $f$

en el punto de abscisa  $x = 0$ .

$$f(x) = \begin{cases} \frac{2x}{x-1}, & \text{si } x < 2, \\ 2x^2 - 10x, & \text{si } x \geq 2. \end{cases}$$

18.- [2008-3-B-2, Jun] Sea la función  $f$  definida mediante  $f(x) = \begin{cases} x^2 + ax + b, & \text{si } x < 1, \\ L(x), & \text{si } x \geq 1. \end{cases}$

a) [1'5] Determine  $a$  y  $b$  sabiendo que  $f$  es continua y tiene un mínimo en  $x = -1$ .

b) [1'5] Para  $a = -1$  y  $b = 1$ , estudie la derivabilidad de  $f$  en  $x = -1$  y en  $x = 1$ .

19.- [2008-4-A-2] El beneficio de una empresa, en miles de euros, viene dado por la función

$$B(x) = -3x^2 + 120x + 675, \quad x \geq 0.$$

donde  $x$  representa el gasto en publicidad, en miles de euros.

a) [0'75] Calcule el gasto a partir del cual la empresa no obtiene beneficios.

b) [0'75] Calcule el valor de  $x$  que produce máximo beneficio. ¿Cuánto es ese beneficio?

c) [0'75] Determine los intervalos de crecimiento y decrecimiento del beneficio de la empresa.

d) [0'75] Represente gráficamente la función  $B$ .

20.- [2008-4-B-2] Calcule las derivadas de las siguientes funciones:

a) [0'75]  $f(x) = (x^3 + 1) \cdot e^{7x}$

b) [0'75]  $g(x) = 3^x \cdot L(x)$

c) [0'75]  $h(x) = (x^2 + 1) \cdot (x^5 - 6x)^6$

d) [0'75]  $i(x) = \frac{(x+1)^2}{x^2 - 2}$

21.- [2008-5-A-2] Sea la función  $f(x) = x^3 - 6x^2$ .

a) [1] Determine sus puntos de corte con los ejes.

b) [1] Calcule sus extremos relativos y su punto de inflexión.

c) [1] Represente gráficamente la función.

22.- [2008-5-B-2] Sea la función  $f(x) = \begin{cases} x^2 + 4, & \text{si } x \leq 1, \\ ax + b, & \text{si } x > 1. \end{cases}$

a) [2] Calcule  $a$  y  $b$ , sabiendo que  $f(2) = 7$  y que  $f$  es continua en  $x = 1$ .

b) [1] Determine la ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $f$  en el punto de abscisa  $x = -1$ .

23.- [2008-6-A-2] Sea la función definida de la forma  $f(x) = \begin{cases} e^x, & \text{si } x \leq 0, \\ x^2 + x + 1, & \text{si } x > 0. \end{cases}$

a) [1] ¿Es  $f$  continua en  $x = 0$ ? ¿Es continua en su dominio?

b) [1] ¿Es  $f$  derivable en  $x = 0$ ? ¿Es derivable en su dominio?

c) [1] Estudie la monotonía de  $f$ .

### 03 – Ejercicios de Selectividad – Continuidad y derivabilidad de funciones

- 24.- [2008-6-B-2] a) [1'5] Calcule la ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $f(x) = \frac{2}{x}$  en el punto de abscisa 1. b) [1'5] Sea la función  $g(x) = x^3 + ax^2 + b$ . Calcule  $a$  y  $b$  sabiendo que su gráfica presenta un punto de inflexión en el punto  $(2, 5)$ .

#### Ejercicios propuestos en 2007

- 25.- [2007-1-A-2] a) [1'5] Sea la función  $f(x) = \begin{cases} 2x^2 - 3x + a, & \text{si } x \leq 0, \\ x^2 + bx + 1, & \text{si } x > 0. \end{cases}$  Halle  $a$  y  $b$  para que la función sea continua y derivable. b) [1'5] Calcule la primera derivada de las siguientes funciones:

$$g(x) = \frac{3}{(2x-5)^2} + L(1-x), \quad h(x) = \frac{e^x}{x^3+1}$$

- 26.- [2007-1-B-2] a) [1'5] Determine dónde se alcanza el valor mínimo de la función  $f(x) = 3x^2 - 6x + a$ . Calcule el valor de  $a$  para que el valor mínimo de la función sea 5.

b) [1'5] Calcule  $g'(3)$ , siendo  $g(x) = 2x \cdot e^{3x-1}$ .

- 27.- [2007-2-A-2, Jun] Para la función  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  definida de la forma  $f(x) = 8x^3 - 84x^2 + 240x$ , determine: a) [1'5] Su monotonía y sus extremos relativos. b) [1'5] Su curvatura y su punto de inflexión.

- 28.- [2007-2-B-2, Jun] a) [2] Halle los valores de  $a$  y  $b$  para que la recta tangente a la gráfica de  $f(x) = ax^2 - b$  en el punto  $(1, 5)$  sea la recta  $y = 3x + 2$ .

b) [1] Para  $g(x) = e^{1-x} + L(x+2)$ , calcule  $g'(1)$ .

- 29.- [2007-3-A-2, Sept] Sea la función  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  definida por  $f(x) = \begin{cases} 2^x, & \text{si } x \leq 1, \\ x^2 + mx + 5, & \text{si } x > 1. \end{cases}$

a) [1] Calcule  $m$  para que la función sea continua en  $x = 1$ .

b) [1] Para ese valor de  $m$ , ¿es  $f$  derivable en  $x = 1$ ?

c) [1] Calcule la ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $f$  en  $x = 0$ .

- 30.- [2007-3-B-2, Sept] a) [2] Sea la función definida para todo número real  $x$  por  $f(x) = ax^3 + bx$ . Determine  $a$  y  $b$  sabiendo que su gráfica pasa por el punto  $(1, 1)$  y que en ese punto la pendiente de la recta tangente es  $-3$ .

b) [1] Si en la función anterior  $a = \frac{1}{3}$  y  $b = -4$ , determine sus intervalos de monotonía y sus extremos.

- 31.- [2007-4-A-2] Se considera la función:

a) [1'5] Estudie su derivabilidad en  $x = 0$ .

b) [1'5] Determine si existen asíntotas y obtenga sus ecuaciones.

$$f(x) = \begin{cases} \frac{2x-3}{x+1}, & \text{si } x \leq 0, \\ x^2 + 2x - 3, & \text{si } x > 0. \end{cases}$$

- 32.- [2007-4-B-2] Se considera la función  $f(x) = x^3 - 9x^2 + 24x$ .

a) [2] Determine los extremos relativos de  $f$ ; estudie la monotonía y la curvatura.

b) [1] Represente gráficamente la función  $f$ .

### 03 – Ejercicios de Selectividad – Continuidad y derivabilidad de funciones

33.- [2007-5-A-2] Se considera la función definida por:

- a) [1'5] Estudie la continuidad y la derivabilidad de  $f$ .  
b) [1] Represente la gráfica de  $f$ .  
c) [0'5] Indique los extremos relativos de la función.

$$f(x) = \begin{cases} 2x^2 - 8x + 6, & \text{si } x \leq 1, \\ -2x^2 + 8x - 6, & \text{si } x > 1. \end{cases}$$

34.- [2007-5-B-2] Sea la función:

- a) [2] Calcule el valor de  $k$  para que la función  $f$  sea continua en  $x = 0$ . Para ese valor de  $k$ , ¿es  $f$  derivable en  $x = 0$ ?

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x-k}{x+1}, & \text{si } x > 0, \\ x^2 + 2x + 1, & \text{si } x \leq 0. \end{cases}$$

- b) [1] Para  $k = 0$ , calcule  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  y  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ .

35.- [2007-6-A-2] El beneficio obtenido por una empresa, en miles de euros, viene dado por la función [adjunta], donde  $x$  representa el gasto en publicidad, en miles de euros.

$$f(x) = \begin{cases} -5x^2 + 40x - 60, & \text{si } 0 \leq x \leq 6, \\ \frac{5x}{2} - 15, & \text{si } 6 < x \leq 10. \end{cases}$$

- a) [0'75] Represente la función  $f$ .  
b) [0'75] Calcule el gasto en publicidad a partir del cual la empresa no tiene pérdidas.  
c) [0'75] ¿Para qué gastos en publicidad se producen beneficios nulos?  
d) [0'75] Calcule el gasto en publicidad que produce máximo beneficio. ¿Cuál es ese beneficio?

36.- [2007-6-B-2] a) [1'5] La función  $f(x) = x^3 + ax^2 + bx$  tiene un extremo relativo en  $x = 2$  y un punto de inflexión en  $x = 3$ . Calcule los coeficientes  $a$  y  $b$  y determine si el citado extremo es un máximo o un mínimo relativo. b) [1'5] Calcule la ecuación de la recta tangente a la gráfica de la función  $g(x) = \frac{x}{x-2}$  en el punto de abscisa  $x = 3$ .

#### Ejercicios propuestos en 2006

37.- [2006-1-A-1] Sean las funciones  $f(x) = x^2 - 4x + 6$  y  $g(x) = 2x - x^2$ .

- a) [2p] Determine, para cada una de ellas, los puntos de corte con los ejes, el vértice y la curvatura. Representélas gráficamente.  
b) [1p] Determine el valor de  $x$  para el que se hace mínima la función  $h(x) = f(x) - g(x)$ .

38.- [2006-1-B-2] Calcule las derivadas de las siguientes funciones:

a) [1p]  $f(x) = \frac{1-3x}{x} + (5x-2)^3$       b) [1p]  $g(x) = (x^2+2) \cdot L(x^2+2)$       c) [1p]  $h(x) = 3^{5x} + e^x$ .

39.- [2006-2-A-2, Septiembre] a) [1'5p] La gráfica de la función derivada de una función  $f$  es la parábola de vértice  $(0,2)$  que corta al eje de abscisas en los puntos  $(-3,0)$  y  $(3,0)$ . A partir de dicha gráfica, determine los intervalos de crecimiento y decrecimiento de la función  $f$ .

- b) [1'5p] Calcule los extremos relativos de la función  $g(x) = x^3 - 3x$ .

40.- [2006-2-B-2, Septiembre] Se considera la función:

$$f(x) = \frac{3-x}{2-x}$$

- a) [1p] Halle la ecuación de la recta tangente a la gráfica de esa función en el punto de abscisa  $x = 1$ .  
b) [1p] Estudie su monotonía.  
c) [1p] Calcule sus asíntotas.

### 03 – Ejercicios de Selectividad – Continuidad y derivabilidad de funciones

41.- [2006-3-A-2] a) [1'5p] Halle los valores de  $a$  y  $b$  para que la gráfica de  $f(x) = ax^3 + 3x^2 - 5x + b$  pase por el punto  $(1, -3)$  y tenga el punto de inflexión en  $x = -1$ .

b) [1'5p] Halle los intervalos de monotonía y los extremos relativos de la función definida por  $g(x) = x^3 - 3x^2 + 7$ .

42.- [2006-3-B-2] Sea la función  $f$  definida por:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x}{2x-1}, & \text{si } x \leq 0, \\ x^2 + x, & \text{si } x > 0. \end{cases}$$

a) [2p] Estudie la continuidad y la derivabilidad de  $f$ .

b) [1p] Calcule la ecuación de la recta tangente a la gráfica de la función en el punto de abscisa  $x = 1$ .

43.- [2006-4-A-2] Consideremos la función:

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 1, & \text{si } x \leq 1, \\ x - 1, & \text{si } x > 1. \end{cases}$$

a) [1p] Estudie su continuidad y su derivabilidad.

b) [1p] Determine la monotonía de  $f$ .

c) [1p] Represente gráficamente esta función.

44.- [2006-4-B-2] a) [1'5p] Calcule la ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $g(x) = \frac{3x-2}{x+1}$  en el punto de abscisa  $x = 1$ .

b) [1'5p] Se considera la función  $f(x) = ax^2 - bx + 4$ . Calcule los valores de los parámetros  $a$  y  $b$  para que  $f$  tenga un extremo relativo en el punto  $(1, 10)$ .

45.- [2006-2-A-2] El beneficio esperado de una empresa, en millones de euros, en los próximos ocho años viene dado por la función  $B$  definida por:

$$B(t) = \begin{cases} -t^2 + 7t, & \text{si } 0 \leq t < 5, \\ 10, & \text{si } 5 \leq t \leq 8. \end{cases}$$

donde  $t$  indica el tiempo transcurrido en años.

a) [2p] Represente gráficamente la función  $t$  y explique cómo es la evolución del beneficio esperado durante esos 8 años.

b) [1p] Calcule cuándo el beneficio esperado es de 11'25 millones de euros.

46.- [2006-5-B-2] Sea la función  $f(x) = x^3 - 3x^2 - 1$ .

a) [1'5p] Determine la monotonía y los extremos relativos de  $f$ .

b) [0'75p] Calcule su punto de inflexión.

c) [0'75p] Teniendo en cuenta los apartados anteriores, represéntela.

47.- [2006-6-A-2] a) [2p] Dada la función  $f(x) = a(x-1)^2 + bx$ , calcule  $a$  y  $b$  para que la gráfica de esta función pase por el punto de coordenadas  $(1, 2)$  y tenga un extremo relativo en el punto de abscisa  $x = 2$ .

b) [1p] Calcule  $g''(2)$  siendo  $g(x) = \frac{1}{x} - x$ .

48.- [2006-6-B-2] a) [1'5p] De una función  $f$  se sabe que la gráfica de su función derivada,  $f'$ , es la recta de ecuación  $y = -2x + 4$ . Estudie razonadamente la monotonía de la función  $f$ , a la vista de la gráfica de la derivada.

b) [1'5p] Dada la función  $g(x) = \frac{4x-4}{x+4}$ , calcule la ecuación de la recta tangente a su gráfica en el punto de abscisa  $x = 0$ .

## 03 – Ejercicios de Selectividad – Continuidad y derivabilidad de funciones

### Ejercicios propuestos en 2005

49.- [2005-1-A-2] Sea la función  $f(x) = x^3 + 3x^2$ .

- [1p] Obtenga la ecuación de la recta tangente a su gráfica en el punto de abscisa  $x = -1$ .
- [0'5p] Halle su punto de inflexión.
- [1'5p] Dibuje la gráfica de la función, estudiando previamente la monotonía y los extremos relativos.

50.- [2005-1-B-2] a) [1'5p] Halle la ecuación de la recta tangente a la gráfica de la función  $f$  definida de la forma  $f(x) = 1 + L(2x - 1)$  en el punto de abscisa  $x = 1$ .

- [1p] Deduzca razonadamente las asíntotas de la función  $g$  definida de la forma  $g(x) = \frac{3-x}{x-2}$ .
- [0'5p] Determine la posición de la gráfica de la función  $g$  respecto de sus asíntotas.

51.- [2005-2-A-1, Junio] Sea la función:

$$f(x) = \begin{cases} 2^x, & \text{si } x < 1, \\ \frac{2}{x}, & \text{si } x \geq 1. \end{cases}$$

- [1'5p] Estudie la continuidad y la derivabilidad de  $f$ .
- [0'5p] Calcule sus asíntotas.
- [1p] Determine la ecuación de la recta tangente a la gráfica de  $f$  en el punto de abscisa  $x = 2$ .

52.- [2005-2-B-2, Junio] El beneficio, en millones de euros, de una empresa en función del tiempo  $t$ , en años, viene dado por  $f(t) = -t^2 + 12t - 31$ ,  $4 \leq t \leq 7$ .

- [1'5p] Represente la gráfica de la función  $f$ .
- [1'5p] ¿Para qué valor de  $t$  alcanza la empresa su beneficio máximo y a cuánto asciende? ¿Para qué valor de  $t$  alcanza su beneficio mínimo y cuál es éste?

53.- [2005-3-A-2] Sea la función:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x}, & \text{si } x < 0, \\ -\frac{1}{x}, & \text{si } x > 0. \end{cases}$$

- [1'5p] Dibuje la gráfica de  $f$  y estudie su monotonía.
- [0'75p] Calcule el punto de la curva en el que la pendiente de la recta tangente es  $-1$ .
- [0'75p] Estudie la curvatura de la función.

54.- [2005-3-B-2] [3p] Sea  $f$  la función definida por  $f(x) = \begin{cases} ax^2 + 1, & \text{si } x < 1, \\ x^2 + bx + 3, & \text{si } x \geq 1. \end{cases}$

Determine los valores que deben tener  $a$  y  $b$  para que  $f$  sea derivable.

55.- [2005-4-A-2] a) [1'5p] Determine  $a$  y  $b$  en la ecuación de la parábola  $y = ax^2 + bx + 5$  sabiendo que ésta tiene un máximo en el punto  $(2, 9)$ . b) [1'5p] Calcule las asíntotas de la función  $f(x) = \frac{2x-1}{x+3}$ .

56.- [2005-4-B-2] [3p] Halle  $f'(2)$ ,  $g'(4)$  y  $h'(0)$  para las funciones definidas de la siguiente forma:

$$f(x) = x^2 + \frac{16}{x^2}; \quad g(x) = (x^2 + 9)^3; \quad h(x) = L(x^2 + 1).$$

### 03 – Ejercicios de Selectividad – Continuidad y derivabilidad de funciones

57.- [2005-5-A-2, Septiembre] El valor, en miles de euros, de las existencias de una empresa en función del tiempo  $t$ , en años, viene dado por  $f(t) = -4t^2 + 60t - 15$ ,  $1 \leq t \leq 8$ .

- [1p] ¿Cuál será el valor de las existencias para  $t = 2$ ? ¿Y para  $t = 4$ ?
- [1p] ¿Cuál es el valor máximo de las existencias? ¿En qué instante se alcanza?
- [1p] ¿En qué instante el valor de las existencias es de 185 miles de euros?

58.- [2005-5-B-2, Septiembre] Sea la función:

$$f(x) = \begin{cases} 2x - \frac{x^2}{2}, & \text{si } x \leq 4, \\ 2x - 8, & \text{si } x > 4. \end{cases}$$

- [1'5p] Estudie la continuidad y la derivabilidad de esta función.
- [1'5p] Representéla gráficamente e indique, a la vista de la gráfica, su monotonía y sus extremos.

59.- [2005-6-A-2] Sea la función:

$$f(x) = \begin{cases} -x^2 + 2x, & \text{si } x \leq 0, \\ x^2 + ax, & \text{si } x > 0. \end{cases}$$

- [1'5p] Para  $a = -2$ , represente gráficamente la función  $f$ , e indique sus extremos relativos.
- [1'5p] Determine el valor de  $a$  para que la función sea derivable.

60.- [2005-6-B-2] Sea la función:

$$f(x) = \frac{x+1}{x+2}$$

- [2p] Determine su dominio, puntos de corte con los ejes, las asíntotas y la monotonía.
- [1p] Represente gráficamente esta función.