

Ejercicios Tema 2
2020/2021
Integración

Asignatura: Matemáticas. Grado: Ciencias Ambientales.

1. Calcula las siguientes integrales (inmediatas o casi inmediatas).

$$1. \int dx$$

$$2. \int \frac{dx}{x}$$

$$3. \int \sqrt{x} dx$$

$$4. \int 3x^5 dx$$

$$5. \int \frac{1}{x^3} dx$$

$$6. \int \sqrt{x^3} dx$$

$$7. \int \frac{1}{\sqrt[3]{x^2}} dx$$

$$8. \int \frac{\sqrt{2x}}{\sqrt[3]{5x}} dx$$

$$9. \int 3x^3 - 5x^2 + 3 dx$$

$$10. \int \frac{x^3 - 3x^2 + 5x + 2}{x - 2} dx$$

$$11. \int \frac{\sqrt[3]{x} + \sqrt{5x^3}}{3x} dx$$

$$12. \int \frac{x^3}{x - 2} dx$$

$$13. \int \frac{7x^4 - 5x^2 + 3x - 4}{x^2} dx$$

$$14. \int \frac{1}{1+x^2} dx$$

$$15. \int \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} dx$$

$$16. \int 2^x + 3^x dx$$

$$17. \int \tan(x) dx$$

$$18. \int 3 \cos(x) - 5e^x dx$$

$$19. \int \frac{\sqrt{1-x^2}}{1-x^2} dx$$

$$20. \int a^x dx$$

$$21. \int \frac{x^3 - 3x^2 + 5x + 2}{x^2 + 1} dx$$

$$22. \int \cos(x^2 - 5x + 3)(2x - 5) dx$$

$$23. \int \sin^4(x) \cos(x) dx$$

$$24. \int e^{3x+1} dx$$

$$25. \int \cotg(x) dx$$

$$26. \int \frac{x}{\sqrt{1-x^4}} dx$$

$$27. \int \frac{e^x}{1+e^x} dx$$

$$28. \int \frac{\sin(x) + \cos(x)}{\sin(x) - \cos(x)} dx$$

$$29. \int \frac{\sin(2x) + \cos(x)}{\cos(x)} dx$$

$$30. \int \frac{x^2}{\sqrt{1-x^6}} dx$$

2. Calcula las siguientes integrales (método sustitución).

$$1. \int \sqrt{1-x^2} dx$$

$$3. \int \sqrt{3-x^2} dx$$

$$5. \int \sqrt{e^x - 1} dx$$

$$2. \int \sqrt{4-x^2} dx$$

$$4. \int \frac{x}{1+\sqrt{x}} dx$$

3. Calcula las siguientes integrales (integración por partes).

$$1. \int x e^x dx$$

$$4. \int x \sin(x) dx$$

$$7. \int x \sin(2x) dx$$

$$2. \int \ln(x) dx$$

$$5. \int x \arctan(x) dx$$

$$8. \int e^x \sin(x) dx$$

$$3. \int x \ln(x) dx$$

$$6. \int x^2 \cos(x) dx$$

$$9. \int e^x \cos(x) dx$$

4. Calcula las siguientes integrales (integración de funciones racionales).

$$1. \int \frac{x-2}{x^2+x} dx$$

$$3. \int \frac{3x^2 - 5x + 1}{(x-2)^3} dx$$

$$2. \int \frac{x^3 + 4x^2 - 10x + 7}{x^3 - 7x - 6} dx$$

$$4. \int \frac{x^3 + 22x^2 - 12x + 8}{x^4 - 4x^2} dx$$

5. Calcula las siguientes integrales.

$$1. \int \frac{1}{\sin^2(x) \cos^2(x)} dx$$

$$3. \int \cos^3(x) dx$$

$$5. \int \frac{1}{x \ln(x)} dx$$

$$2. \int \sin^2(x) dx$$

$$4. \int \sin^5(x) dx$$

$$6. \int \frac{1}{(1+x)\sqrt{x}} dx$$

6. Calcula las siguientes integrales definidas:

$$1. \int_2^5 3x^2 - 2x + 3 dx$$

$$2. \int_0^\pi \sin(x) dx$$

7. Calcular el área comprendida entre el eje de abscisas y las siguientes curvas:

(a) $y = x^3 - 5x^2 + 6x$

(b) $y = -x^2 + 1$

(c) $y = -x^2 + a, a \in \mathbb{R}^+$

8. Calcula el área de un círculo de radio r . *Pista: un círculo de radio r centrado en el origen viene dado por la ecuación $x^2 + y^2 = r^2$.*

9. Calcula el área comprendida por las siguientes curvas:

(a) $y = \ln(x)$, eje x , $x = e$

(b) $y = \frac{x^2}{2}$, $y^2 = 2x$

(c) $y = x^2 - 1$, $y = 5 - x$, eje x

10. Calcula el calor de a para que el área de la región limitada por la curva $y = -x^2 + ax$ y el eje x sea igual a 36.

11. Calcula las siguientes integrales definidas:

1. $\int_0^5 \sqrt{25 - x^2} dx$

2. $\int_{-2}^2 \sqrt{16 - 4x^2} dx$

12. Calcula la longitud de las siguientes curvas

(a) $y = \frac{1}{6}x^3 + \frac{1}{2}x^{-1}$ con $x \in [1, 2]$

(c) $y = e^x$ con $x \in [0, 1]$

(b) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 = r^2\}$ con $r > 0$.

(d) $y = \frac{x^2}{2}$ con $x \in [0, 1]$