

**TOPOLOGÍA. Examen del Tema 6**  
- Licenciatura de Matemáticas. GRUPO 2<sup>o</sup> A -  
Curso 2010/11  
Profesor: Rafael López Camino

**Nombre:**

Razonar las respuestas

1. Consideramos el espacio  $(X, \tau)$  con  $X = (0, 1)$  y  $\tau = \{\emptyset, X\} \cup \{(0, a); a < 1\}$ . Caracterizar los conjuntos compactos y estudiar si es localmente compacto.
2. (a) Poner un ejemplo de un espacio topológico y dos subconjuntos suyos compactos cuya intersección no es compacta.  
(b) En  $\mathbb{R}$  con la topología del punto incluido para  $p = 0$ , hallar un subconjunto  $A$  que sea compacto, pero  $\bar{A}$  no lo sea.
3. Se considera el espacio topológico  $X = \mathbb{R} \cup \{p, q\}$ , donde  $p, q \notin \mathbb{R}$  cuya base es

$$\beta = \{(a, b); a, b \in \mathbb{R}, a < b\} \cup \{(-\infty, a) \cup \{p\}; a \in \mathbb{R}\} \cup \{(a, \infty) \cup \{q\}; a \in \mathbb{R}\}.$$

Probar  $(X, \tau)$  es compacto y que  $(X, i : \mathbb{R} \hookrightarrow X)$  es una compactificación de  $(\mathbb{R}, \tau_u)$ .