

Control II, práctica de curvas

Ejercicio 1

Para una curva genérica $\alpha(t)$, sabemos (véase el ejercicio 20) que su **podaria** (*podal curve* en inglés) respecto de un punto P viene dada por la expresión:

$$\beta(t) = \alpha(t) - \frac{(\alpha(t)-P) \cdot \alpha'(t)}{|\alpha'(t)|^2} \alpha'(t).$$

Llamando m al último dígito de tu DNI (o pasaporte) considera el hipocicloide ¹ con (m+3) extremos dado por:

$$\alpha(t) = \left(\frac{(m+2) \cos(t) + \cos((m+2)t)}{m+3}, \frac{(m+2) \sin(t) - \sin((m+2)t)}{m+3} \right), \quad t \in [0, 2\pi],$$

calcula su podaria respecto del origen y dibújala conjuntamente (en 2D) con el hipocicloide,

Repite el ejercicio eligiendo como P otro punto del eje de abscisas que esté dentro del hipocicloide y luego otro que esté fuera.

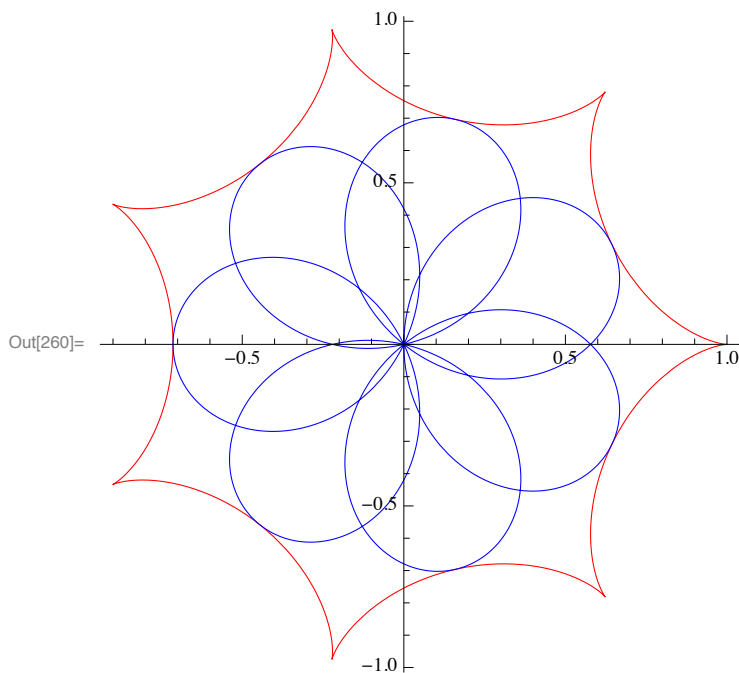
¹. Ver <https://es.wikipedia.org/wiki/Hipocicloide>

Solución (para m=4):

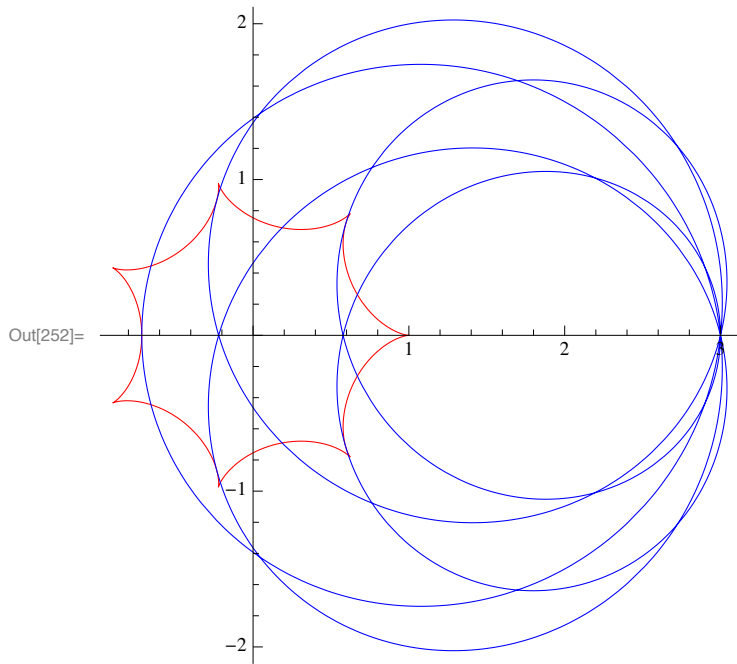
```
In[255]:= m = 4;
P = {0, 0};
hipo = 1 / (m + 3) { (m + 2) Cos[t] + Cos[(m + 2) t], (m + 2) Sin[t] - Sin[(m + 2) t] };
poda := hipo - (hipo - P) . D[hipo, t] / (D[hipo, t] . D[hipo, t]) * D[hipo, t] // Simplify;
Print["La podaria es: ", poda]
ParametricPlot[Evaluate[{hipo, poda}], {t, 0, 2 Pi},
PlotStyle -> {RGBColor[1, 0, 0], RGBColor[0, 0, 1]}]
```

La podaria es:

$$\left\{ \frac{5}{7} (1 + 2 \cos[t] + 2 \cos[2t]) (1 + 2 \cos[t] + 2 \cos[2t] + 2 \cos[3t]) \sin\left[\frac{t}{2}\right]^2, \frac{5}{14} (\sin[t] + \sin[6t]) \right\}$$



```
In[251]:= P = {3, 0};
ParametricPlot[Evaluate[{hipo, poda}], {t, 0, 2 Pi},
PlotStyle -> {RGBColor[1, 0, 0], RGBColor[0, 0, 1]}]
```



```
In[253]:= P = {0.7, 0};
ParametricPlot[Evaluate[{hipo, poda}], {t, 0, 2 Pi},
PlotStyle -> {RGBColor[1, 0, 0], RGBColor[0, 0, 1]}]
```

