

UNIVERSIDAD DE GRANADA. FACULTAD DE CIENCIAS
Ignacio Sánchez Rodríguez
 Guía Docente de la asignatura:
Física Matemática (Geometría Diferencial y Variedades)

GUÍA DOCENTE DE LA ASIGNATURA
DESCRIPTION OF INDIVIDUAL COURSE UNIT

Nombre de la asignatura/módulo/unidad y código Course title and code	Física Matemática (Geometría Diferencial y Variedades)
Nivel (Grado/Postgrado) Level of course (Undergraduate/Postgraduate)	Grado de Licenciado en Física - 1 ^{er} Ciclo - 3 ^{er} Curso
Plan de estudios en que se integra Programme in which is integrated	24-10-1997 (BOE 26-11/1997)
Tipo (Troncal/Obligatoria/Optativa) Type of course (Compulsory/Elective)	Optativa
Año en que se programa year of study	2009-2010
Calendario (Semestre) Calendar (Semester)	2º cuatrimestre
Créditos teóricos y prácticos Credits (theory and practice)	4 teóricos + 2 prácticos
Créditos expresados como volumen total de trabajo del estudiante (ECTS) Number of credits expressed as student workload (ECTS)	6 ECTS= 162 horas de trabajo (1 ECTS = 27 horas de trabajo)
Descriptor Descriptors	Geometría diferencial. Variedades diferenciables. Cálculo en variedades. . Curvas y superficies. Formas diferenciales. Campos de tensores. Métrica riemanniana. Integración en variedades.
Objetivos (expresados como resultados de aprendizaje y competencias) Objectives of the course (expressed in terms of learning outcomes and competences)	<p>El objetivo de esta asignatura es que el alumno/a logre la competencia básica en el área de Geometría Diferencial. Entendemos por competencia básica el conocimiento básico de la materia y, relativo a ella, la capacidad de entender un texto y la destreza de expresar correctamente una idea propia.</p> <p>Este objetivo se considera alcanzado cuando, como resultados del aprendizaje, el alumno/a:</p> <ul style="list-style-type: none"> • sabe qué objetos concuerdan con las definiciones principales: entiende las propiedades que les caracterizan, conoce ejemplos modélicos significativos, posee habilidad para hacer cálculos sobre ellos y es capaz de interpretar geoméricamente los resultados. • comprende el significado de cada resultado teórico importante: entiende la certeza que establece entre los objetos y sus propiedades, concibe la lógica de su demostración y sabe aplicarlo a los ejemplos que conoce. • es eficaz en la resolución de los problemas propuestos y tiene la capacidad de proponer nuevos problemas, valorando el grado de dificultad. • relaciona los conceptos adquiridos con las materias curriculares anteriores y se encuentra en la disposición adecuada para posteriores aplicaciones. <p>Las competencias específicas de la asignatura desarrolladas a lo largo del curso son:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Uso del lenguaje matemático, como medio comunicativo eficaz para expresar las ideas científicas y técnicas. • Capacidad de abstracción matemática. • Ampliación de la intuición geométrica. • Habilidad para comunicar las abstracciones matemáticas y las intuiciones. • Aprender los conceptos y las definiciones básicas de geometría diferencial. • Destreza en los cálculos sobre variedades, tanto simbólicos como numéricos. • Conocer los ejemplos modélicos de variedades diferenciables. • Reexaminar sus conocimientos de cálculo vectorial. • Adaptar el cálculo diferencial en varias variables al cálculo en variedades. • Entender la importancia del concepto de difeomorfismo. • Conocer la definición intrínseca de vectores y campos. • Manipular correctamente aplicaciones y campos ante cambios de coordenadas. • Comprender la diferencia entre 1-forma diferencial y campo de vectores. • Valorar la métrica riemanniana como una generalización del espacio euclídeo.

- Reconocer los diferentes tipos de tensores en variedades riemannianas.
- Entender y manipular las formas diferenciales de segundo grado.
- Distinguir las formas diferenciales cerradas y las exactas.
- Conocer el mecanismo de integración en variedades.
- Relacionar los teoremas de integración del cálculo con el teorema de Stokes

Las **competencias transversales o genéricas** trabajadas que destacamos son:

- Actitud crítica y capacidad de autocrítica.
- Capacidad de aplicar conocimientos a la práctica.
- Flexibilidad para adaptarse a nuevas situaciones.
- Habilidad para trabajar autónomamente y en grupo.
- Destrezas para manejar la información.

Prerrequisitos y recomendaciones
Prerequisites and advises

Se requieren esencialmente los conocimientos de las asignaturas de Métodos Matemáticos de la Física I y II. Algunos conceptos de los Métodos Matemáticos III y IV, como de las otras tres asignaturas de Física Matemática, serán usados en ésta. Haber cursado todas o alguna de ellas será de interés. Gran parte de las asignaturas de primer ciclo tienen temas motivar nuestra asignatura. Recomendamos haber cursado la asignatura de Mecánica y Ondas.

Contenidos/descriptores/palabras clave
Course contents/descriptors/key words

Tema 1. Geometría diferencial y topología de variedades: El concepto de variedad: sistemas de coordenadas. Primeros ejemplos. Estructura diferenciable y topología. Curvas y superficies de \mathbf{R}^3 . Subvariedades regulares de \mathbf{R}^n . Otros ejemplos: variedades en Física y Geometría, espacios de configuración, grupos de Lie.

Tema 2. Aplicaciones diferenciables y espacios tangentes: Aplicaciones entre variedades. Funciones y curvas. Sumersiones e inmersiones. Difeomorfismo. Ejemplos. Espacio tangente. Diferencial de una aplicación. Campos de vectores y curvas integrales. Campos completos. Ejemplos.

Tema 3. Formas diferenciales de primer grado: Dual de un espacio vectorial. Espacio cotangente. Formas diferenciales de primer grado. Forma diferencial de una función real. Integración de 1-formas a lo largo de curvas. Ejemplos.

Tema 4. Tensor métrico: Producto escalar y cálculo tensorial en un espacio vectorial. Tensor métrico en variedades. Variedades riemannianas y lorentzianas. Correspondencia entre campos de vectores y 1-formas diferenciales. Ejemplos y aplicaciones.

Tema 5. Formas diferenciales de grado superior: Álgebra exterior en un espacio vectorial. Formas diferenciales de segundo grado. Producto exterior. Diferencial exterior. Formas exactas y cerradas. Ejemplos.

Tema 6. Integración en variedades: Formas de volumen. Orientación y variedades orientables. Ejemplos. Integración de 2-formas en superficies. Integración en variedades. Variedades con borde. Teorema de Stokes en variedades. Aplicaciones en dimensión 1,2 ó 3.

Bibliografía recomendada
Recommended reading

1. - R. Abraham, J.E. Marsden, *Foundations of Mechanics*, 2ª ed., Massachusetts: Perseus books, 1998.
2. - D. Bachman, *A Geometric Approach to Differential Forms*, Boston: Birkhauser, 2006.
3. - W.L. Burke, *Applied Differential Geometry*, Cambridge: Cambridge University Press, 1997.
4. - W.D. Curtis, F.R. Miller, *Differential Manifolds and Theoretical Physics*, San Diego: Academic Press, 1985.
5. - T. Frankel, *The Geometry of Physics: An Introduction*, Cambridge, UK: Cambridge University Press, 2004.
6. - P. M. Gadea, J. Muñoz Masqué, *Analysis and Algebra on Differentiable Manifolds: A Workbook for Students and Teachers*, Dordrecht: Kluwer, 2001.
7. - J. M. Gamboa, J. M. Ruiz, *Iniciación al estudio de las variedades diferenciables*, Madrid: Sanz y Torres, 1999.
8. - J.E. Marsden., R. Ratiu, R. Abraham, *Manifolds, Tensor Analysis, and Applications*, 2ª ed., Beijing: Collaage Press, 1998.

Métodos docentes
Teaching methods

Clases teórico-prácticas y sesiones prácticas, con secuenciación por contenidos: El curso consta de 15 semanas y se divide en 4 sesiones de una hora cada semana. Dos sesiones semanales de una hora serán clases teórico-prácticas de contenidos fundamentalmente teóricos con ilustraciones y ejemplos; y las otras dos sesiones serán fundamentalmente de práctica y discusión sobre trabajos propuestos, hojas de problemas, exposiciones de los alumnos, resolución de dificultades, material interactivo e Internet.

Las duraciones estimadas de los temas serán las siguientes (la duración y las fechas son propuestas de tipo indicativo que pueden variar ligeramente según la dinámica de cada grupo):

Duraciones:

- Tema 1: 3 semanas.
- Tema 2: 3 semanas.
- Tema 3: 2 semanas.
- Tema 4: 3 semanas.
- Tema 5: 2 semanas.
- Tema 6: 2 semanas.

Fechas de inicio y final (curso académico 2009-10):

- Tema 1 : 22-02-2010 a 12-03-2010
- Tema 2 : 15-03-2010 a 9-04-2010
- Tema 3 : 12-04-2010 a 23-04-2010
- Tema 4 : 26-04-2010 a 14-05-2010
- Tema 5 : 17-05-2010 a 28-05-2010
- Tema 6 : 31-05-2010 a 11-06-2010

Foro de la asignatura: Se usará la plataforma SWAD de la Universidad de Granada para la activación de un foro sobre la asignatura.

Tutorías clásicas y por correo electrónico: La atención personalizada del profesor al alumno/a podremos hacerla bien de manera individual o en pequeños grupos, en horario de tutorías. Se podrá hacer por iniciativa espontánea de los alumno/as o por recomendación del profesor. Los alumno/as podrán solicitar y obtener ayuda y orientación del profesor por medio del correo electrónico.

Actividades y horas de trabajo estimadas

Activities and estimated workload (hours)

Actividad / horas de trabajo	Aula	Personal	Total
EN EL AULA			
Clases teórico-prácticas:	30	45	75
Sesiones prácticas:			
Problemas resueltos por el profesor	12	9	21
Actividades académicas dirigidas, con profesor			
Tutorías colectivas	8		8
Presentaciones de trabajos y problemas	6	6	12
Internet y software	4	4	8
Total a.a.d. (con profesor)	18	10	28
FUERA DEL AULA			
Actividades académicas dirigidas, sin profesor			
Ejercicios a entregar		8	8
Trabajos propuestos		16	16
Tutorías personalizadas		1	1
Foro		3	3
Total a.a.d. (sin profesor)		28	28
Total de trabajo del alumno/a	60	102	162

Tipo de evaluación y criterios de calificación

Assessment methods

Examen final escrito, consistente en una serie de problemas y cuestiones con contenidos teóricos y prácticos, donde el alumno/a refleje los resultados de su aprendizaje y el nivel de competencias alcanzado, sobre las materias que ha cursado.

Se valorará hasta un 35%, la entrega de ejercicios y/o trabajos hechos en casa, a propuesta del profesor, y presentados en clase por los alumnos. Otros elementos que pueden valorarse (hasta un máximo de otro 15%), a criterio del profesor según las características de cada grupo, son: la asistencia a clase, la participación a través del Tablón de Docencia, la participación activa y positiva en la dinámica del curso.

Idioma usado en clase y exámenes

Language of instruction

Enlaces a más información

Links to more information

Español.

Habrá activado un Directorio de la asignatura en el Tablón de Docencia del acceso identificado.

También se hará uso de la plataforma SWAD de la Universidad de Granada para todo tipo de intercambio de información a lo largo del curso.

Nombre del profesor(es) y dirección de contacto para tutorías

Name of lecturer(s) and address for tutoring

IGNACIO SÁNCHEZ RODRÍGUEZ

Tlf: 958243245

Correo electrónico: ignacios@ugr.es

Departamento de Geometría y Topología.

Despacho nº 2, 2ª planta del ala de Matemáticas.

Horario de tutorías (2º cuatrimestre): Lu 13-14 y 19-20, mi 13-14 y 16-18, ju 13-14 h.